# УДК:629.197.005, 629.7.05

# Оценка точности определения траектории самолета в режиме посадки с помощью информационно-вычислительного комплекса бароинерциального типа

# Чан Куанг Дык

Московский авиационный институт (национальный исследовательский университет), МАИ, Волоколамское шоссе, 4, Москва, А-80, ГСП-3, 125993, Россия e-mail: tranduc@mail.ru

### Аннотация

В статье рассмотрена задача оценки точности определения траектории самолета с помощью информационно-вычислительного комплекса (ИВК) бароинерциального типа. Решение данной задачи предлагается на основе применения комплексного математического моделирования микро и макро моделей систем летательного аппарата. Проведено моделирование движения самолета в режим посадки по глиссаде и получены оценки ошибки определения высоты самолета с разными структурными алгоритмами оценки высоты.

Ключевые слова: траектория самолета, посадка самолета, бароинерциальная система, информационно-вычислительный комплекса, приемник воздушного давления.

### Введение

Алгоритм реализует моделирование движения самолета в неинерциальной (нормальной Земной) системе координат (СК) в соответствии с полетным заданием, состоянием среды движения (с вариациями атмосферы), используя общие нелинейные модели характеристик самолета, систему управления, содержащую алгоритм оптимального управления самолетом для поиска требуемых траекторий и законов стабилизации и балансировки управления, алгоритм самолета, измерительновычислительный комплекс на базе гироинерциального блока, баровысотомера и БЦВМ.

Новизна исследования состоит в том, что система воздушных сигналов (СВС) моделируется с максимальной точностью в плане описания работы аэрометрической части ИВК с помощью использования разрабатываемых математических моделей обтекания самолета и течения воздушных потоков в трубопроводах СВС на основе компьютерных решений уравнений Навье-Стокса.

Алгоритм инерциального блока состоит из алгоритма вычислителя углов ориентации и алгоритма вычислителя скорости и координат. Определение высоты полета по показаниям инерциальной системы является неустойчивым вычислительным процессом. Для обеспечения точности определения высоты полета используется способ, основанный на совместной обработке измерений инерциальной системы и

2

системы воздушных сигналов. В статье отражено исследование влияния параметров аэрометрических характеристик СВС (места установки ПВД, диаметра отверстия трубопроводов, длины трубопроводов, углов установки ПВД и.т.д.) на погрешности (статические и динамические) измерения высоты полета.

### 1. Математическая модель самолета.

С учетом вращения Земли земная систем координат (ЗСК) является неинерциальной, так что уравнения движения самолета в ЗСК имеют вид:

$$m\frac{d\mathbf{V}}{dt} = \mathbf{F}_{_{\!G\!H}} + \mathbf{P} + \mathbf{F}^{e} + \mathbf{F}^{k};$$

$$\frac{d\mathbf{K}}{dt} = \mathbf{M}_{_{\!G\!H}} + \mathbf{M}_{_{\!P}} + \mathbf{M}^{e} + \mathbf{M}^{k},$$
(1)

где V - вектор скорости самолета;

К - вектор момента количества движения самолета относительно его центра масс;

**F**<sub>61</sub>, – главный вектор и главный момент внешних сил;

**Р**, М<sub>*p*</sub> – тяга двигателей и момент тяги двигателей относительно центра масс;

 $\mathbf{F}^{e}$ ,  $\mathbf{M}^{e}$  – переносная сила и момент, обусловленный силой  $\mathbf{F}^{e}$ ;

 $\mathbf{F}^{k}$ ,  $\mathbf{M}^{k}$  – кориолисовая сила и момент, обусловленный силой  $\mathbf{F}^{k}$ .

Проецируя систему уравнений (1) на оси разных систем координат, получаем полную математическую модель движения самолета.

Подробнее полная математическая модель движения самолета в атмосфере указана в работе [1]. Аэродинамические и массо-инерционные характеристики самолета, используемого как объекта моделирования в данной работе, указаны в [2].

# 2. Математическая модель атмосферы.

В основу принципа действия современных бортовых систем измерения параметров движения воздушной самолета относительно среды положен предполагающий следующих аэрометрический метод, измерение параметров воздушного потока: статического давления. полного давления, температуры торможения воздуха. При разработке комплекса моделирования под окружающей средой понималась вся совокупность факторов, окружающих самолета. При разработке модели окружающей среды были учтены следующие основные факторы: состояние атмосферы на текущей высоте полета, ветер, плотность, температура, и.т.д.

Поскольку значения температуры и статического давления на нулевой высоте на разных широтах, в разное время года и дня, при разных погодных условиях могут отличаться от предложенных стандартной атмосферы (СА) и, тем более, не быть постоянными, в модели атмосферы учитывается случайный характер изменения этих параметров. Были учтены при моделировании следующие отклонения:

- отклонение значения температуры воздуха от значения согласно СА;
- отклонение значения плотности от значения согласно СА;
- отклонение значения атмосферного давления от значения согласно СА;

4

При моделировании отклонений было принято, что форма отклонения есть коррелированный случайный процесс. Согласно [3], формирующий фильтр второго порядка для ветрового возмущения. Уравнение фильтра для ветра имеет вид:

$$\frac{d^2W}{dh^2} + a_{1W}(h)\frac{dW}{dh^2} + a_{oW}(h)W = b_W(h)\xi(h).$$
(2)

гдеW- скорость ветра; *h*- высота;  $a_{1W}$ ,  $a_{0W}$ ,  $b_W$ - коэффициенты формирующего фильтра скорости ветра (см. [3], рис. 3.5, стр. 161); $\xi(h)$  – белый шум.

С помощью изложенной методики [3] был определен также формирующий фильтр второго порядка для отклонений плотности, давления атмосферы от стандартной, коэффициенты которого также представлены [3] (на рис.3.7, стр.162).

# 3. Моделирование работы инерциального блока системы измерения и погрешность инерциальной системы.

Ядро современного пилотажно-навигационного комплекса (ПНК) составляет инерциальная навигационная система (ИНС) как наиболее универсальный и автономный источник навигационной информации.

Входными сигналами в модель инерциальной системы измерения являются угловые скорости самолета  $(\omega_{x_1} \omega_{y_1} \omega_{z_1})^T$  и линейные ускорения  $(a_{x_1} a_{y_1} a_{z_1})^T$  в проекциях на оси связанной с самолетом системы координат (ССК)  $O_1X_1Y_1Z_1$ , поступающие из его модели движения. Гиро-инерциальный блок и связанная с ним приборная система координат (ПСК) отклонены на некоторые углы относительно связанной с корпусом самолета системы координат O<sub>1</sub>X<sub>1</sub>Y<sub>1</sub>Z<sub>1</sub>,поэтому измеряемые линейные ускорения и угловые скорости отличаются от их фактических значений:

$$\begin{cases} a_{x} = a_{x_{1}} + \varphi_{az} a_{y_{1}} - \varphi_{ay} a_{z_{1}}; \\ a_{y} = a_{y_{1}} - \varphi_{az} a_{x_{1}} + \varphi_{ax} a_{z_{1}}; \\ a_{z} = a_{z_{1}} + \varphi_{ay} a_{x_{1}} - \varphi_{ax} a_{y_{1}}; \end{cases} \begin{cases} \omega_{x} = \omega_{x_{1}} + \varphi_{\omega z} \omega_{y_{1}} - \varphi_{\omega y} \omega_{z_{1}}; \\ \omega_{y} = \omega_{y_{1}} - \varphi_{\omega z} \omega_{x_{1}} + \varphi_{\omega x} \omega_{z_{1}}; \\ \omega_{z} = \omega_{z_{1}} + \varphi_{\omega y} \omega_{x_{1}} - \varphi_{\omega x} \omega_{y_{1}}, \end{cases}$$
(3)

где  $a_x, a_y, a_z$  – компоненты измеряемого ускорения в ПСК;  $a_{x_1}, a_{y_1}, a_{z_1}$  – проекции ускорения от аэродинамических сил и силы тяги двигателя на оси ССК самолета;  $\omega_x, \omega_y, \omega_z$  – компоненты вектора абсолютной угловой скорости в ПСК;  $\omega_{x_1}, \omega_{y_1}, \omega_{z_1}$  – проекции вектора абсолютной угловой скорости самолета на оси ССК;  $\varphi_{ax}, \varphi_{ay}, \varphi_{az}, \varphi_{\omega x}, \varphi_{\omega y}, \varphi_{\omega z}$  - элементы матриц перехода от ПСК в ССК.



Рис.1 Типовая схема построения БИНС

С учетом дрейфа, изменения масштабных коэффициентов и других факторов измеряемые линейные ускорения самолета, полученные на выходе измерительной системы определяются выражениями (в виде количества импульсов) [4]:

$$\begin{cases} a_{x_{uwn.}} = \frac{1}{K_{ax}} (1 + k_{ax}^{M}) (a_{x} + a_{x0} + k_{ax}^{T} \Delta T); \\ a_{y_{uwn.}} = \frac{1}{K_{ay}} (1 + k_{ay}^{M}) (a_{y} + a_{y0} + k_{ay}^{T} \Delta T); \\ a_{z_{uwn.}} = \frac{1}{K_{az}} (1 + k_{az}^{M}) (a_{z} + a_{z0} + k_{az}^{T} \Delta T), \end{cases}$$

где  $K_{ax}, K_{ay}, K_{az}$  – цена импульса;  $a_{x0}, a_{y0}, a_{z0}$  - смещения нуля;  $k_{az}^{\scriptscriptstyle M}, k_{ay}^{\scriptscriptstyle M}, k_{az}^{\scriptscriptstyle M}$  - отклонение масштабных коэффициентов;  $k_{az}^{\scriptscriptstyle T}, k_{ay}^{\scriptscriptstyle T}, k_{az}^{\scriptscriptstyle T}$  - температурный коэффициент изменения смешения нуля;  $\Delta T$  - отклонение текущей температуры акселерометра от температуры его калибровки,

а измеряемые угловые скорости - выражениями:

$$\begin{cases} \omega_{x_{uxm.}} = \frac{1}{K_{\omega x}} (1 + k_{\omega x}^{M}) \left( \omega_{x} + \omega_{x0} + k_{\omega x0} t + k_{\omega x}^{T} \Delta T \right); \\ \omega_{y_{uxm.}} = \frac{1}{K_{\omega y}} (1 + k_{\omega y}^{M}) \left( \omega_{y} + \omega_{y0} + k_{\omega y0} t + k_{\omega y}^{T} \Delta T \right); \\ \omega_{z_{uxm.}} = \frac{1}{K_{\omega z}} (1 + k_{\omega z}^{M}) \left( \omega_{z} + \omega_{z0} + k_{\omega z0} t + k_{\omega z}^{T} \Delta T \right), \end{cases}$$
(5)

где  $K_{\omega x}, K_{\omega y}, K_{\omega z}$  – цена импульса;  $\omega_{x0}, \omega_{y0}, \omega_{z0}$  - смещения нуля;  $k_{\omega x0}, k_{\omega y0}, k_{\omega z0}$  - коэффициент линейной составляющей смещения нуля;  $k_{\omega x}^{M}, k_{\omega y}^{M}, k_{\omega z}^{M}$  - отклонение масштабного коэффициента от своего среднеквадратического значения;  $k_{\omega z}^{T}, k_{\omega y}^{T}, k_{\omega z}^{T}$ 

температурный коэффициент изменения; *∆Т* - отклонение текущей температуры гироскопа от температуры его калибровки; *t* – время работы.

Алгоритм обработки информации блока системы измерения: измеренные линейные ускорения и угловые скорости, поступающие от акселерометров (ДЛУ) и гироскопов (ДУС) в модуль обработки информации, обрабатываются по формулам:

$$\begin{cases} a'_{x} = K_{ax}a_{x_{uum.}} \left(1 + k^{M}_{ax}\right)^{-1} - a_{x0} - k^{T}_{ax}\Delta T; \\ a'_{y} = K_{ay}a_{y_{uum.}} \left(1 + k^{M}_{ay}\right)^{-1} - a_{y0} - k^{T}_{ay}\Delta T; \\ a'_{z} = K_{az}a_{z_{uum.}} \left(1 + k^{M}_{az}\right)^{-1} - a_{z0} - k^{T}_{az}\Delta T; \end{cases}$$

$$\begin{pmatrix} a'_{x1} \\ a'_{y1} \\ a'_{z1} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & \varphi_{az} & -\varphi_{ay} \\ -\varphi_{az} & 1 & \varphi_{ax} \\ \varphi_{ay} & -\varphi_{ax} & 1 \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} a'_{x} \\ a'_{y} \\ a'_{z} \end{pmatrix}, \qquad (6)$$

$$\begin{cases} \omega'_{x} = K_{\omega x} (1 + k^{M}_{\omega x})^{-1} \omega_{x_{uum.}} - \omega_{x0} - k_{\omega x0}t - k^{T}_{\omega x}\Delta T; \\ \omega'_{y} = K_{\omega y} (1 + k^{M}_{\omega y})^{-1} \omega_{y_{uum.}} - \omega_{y0} - k_{\omega y0}t - k^{T}_{\omega y}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k_{\omega z0}t - k^{T}_{\omega z}\Delta T; \\ \omega'_{z} = K_{\omega z} (1 + k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum.}} - \omega_{z0} - k^{M}_{\omega z})^{-1} \omega_{z_{uum}} + k^{M}_{\omega z} \end{pmatrix}$$

где  $(a_{x1}, a_{y1}, a_{y1})^T$ ,  $(\omega_{x1}, \omega_{y1}, \omega_{y1})^T$  - используемые в алгоритме навигации

векторы линейных ускорений и угловых скоростей в связанной СК.

На рис.2. представлена блок-схема общего алгоритм навигации.



Рис.2. блок-схема общего алгоритм навигации.

Наличие выше указанных коэффициентов инструментальных погрешностей ГИБ приводит к следующим ошибкам БИНС:

- ошибка угловой ориентации самолета;
- ошибка расчета составляющих линейной скорости;
- ошибка определения координат: широты, долготы, высоты;

Итак, для проведения моделирования БИНС необходимо реализовать описанный выше алгоритмы формирования инструментальных ошибок БИНС.

# 4. Моделирование приемника воздушного давления (ПВД)

В состав ПНК входит система воздушных сигналов. Абсолютная барометрическая высота полета является функцией от статического давления и температуры воздушного потока.

Для определения высоты полета используем в данной работе алгоритм [1]:

$$H = \frac{T_0}{\tau_T} \cdot (1 - \frac{P}{P_0})^{R \cdot \tau_T} \quad . \tag{7}$$

где принято в работе, что  $T_0 = 288,15K$  - температура воздуха на нулевой высоте;  $\tau_T = 0,0065$  - градиент изменения температуры с изменением высоты; P - измеренное статическое атмосферное давление;  $P_0 = 760$ мм рт. ст. - статическое атмосферное давление на нулевой высоте; R = 29,27 м/град - универсальная газовая постоянная.

Для определения значения статического давления используется приемник воздушного давления.

При измерении давления имеют место следующие источники погрешностей:

- нестабильность градировочной характеристик датчиков;
- погрешность преобразования выходного сигнала датчика давлении в виде периода следования импульсов в двоичный код в вычислительную машину;
- погрешность алгоритма вычисления высотно скоростных параметров;

Кроме выше указанных, погрешность измерении статического давления зависит от места установки приемника воздушного давления, диаметра и длины проводки ПВД, а также зависит от запаздывания давления в проводке статического давления.

Согласно [5], при определении мест размещения приемников воздушного давления, оценивалось расположение областей статического давления воздуха у

фюзеляжа самолета, в которых статическое давление равно или близко к статическому в невозмущенном потоке. На рис.3 показано рассчитанное [5] место размещения ПВД.



Рис.3. Место размещения ПВД.

Отметим что, ПВД размещен на фюзеляжа таким образом, чтобы его плоскость симметрии была перпендикулярна плоскости поперечного сечения фюзеляжа в месте установки (плоскости шпангоута)

На рис.4 представлена геометрия приемника воздушного давления.



# Рис.4. Геометрия ПВД

Длина трубопровода от отверстии P<sub>ст</sub> до чувствительного элемента датчика давления равно 21 см (датчик давления генераторного типа находится сразу под обшивкой корпуса самолета). Внутренний диаметр трубопровода 1 мм.

Из-за ненулевых углов атаки происходит дополнительный наддув трубки приемника P<sub>ст</sub>, что приводит к изменениям в давления поступающего из ПВД в датчик системы воздушных сигналов (CBC). Что и указано в виде расчитанного приращения давления:  $\Delta_{1Pcr}$  на приведенном графике рис.5 [5].



Рис.5. Зависимость дополнительного давления P<sub>ст</sub> в датчике в зависимости от угла атаки

Также учитывается искажение давления ( $\Delta_{2Pcr}$ ), из-за смещения статического давления по корпусу ПВД, хотя и на небольшую величину, но всетаки отличающуюся от статического давления на корпусе самолета (которое в свою очередь ведет к изменению  $\Delta_{2Pcr} \sim 10$  Па).

В раннее расмотренной работе [5] при моделировании ПВД также была разработана динамическая модель изменения давления в каналах измерения P<sub>ст</sub> ПВД.

Разностное уравнение модели динамики измерения P<sub>ст</sub> в CBC выявлено в форме уравнения первого порядка с чистом запаздыванием на 1 шаг (0.0001с) :

$$P_{\text{CT} \Pi B A}(k) - 0,4641116 P_{\text{CT} \Pi B A}(k-1) = 0,5383 P_{\text{CT}}(k-d-1).$$
 (6)

Расчетные значения погрешностей∆ <sub>1Рст</sub>, ∆<sub>2Рст</sub> и динамических искажений позволяют спрогнозировать погрешности Р<sub>ст</sub> в СВС и при недостаточной точности программно в БЦВМ СВС реализовать компенсацию искажений.

# 5. Моделирование оценки точности

В данной работе проведена оценка точности определения траектории самолета бароинерциальной системой в процессе снижения по глиссаде и выравнивании. Исходные данные при моделировании посадки приняты:

- Высота начала снижения 100 метров.
- Угол наклона глиссады 2.5 градуса.
- Высота начала выравнивания 30 метров.
- Начальная скорость 70 м/с.
- Снижение производится с выпущенными закрылками и шасси.

Требования к параметрам самолета на глиссаде посадки:

- Вертикальная скорость не более 4 метров в секунду.
- Угол атаки не более 15°.
- Отклонения рулей высоты не более  $\pm 25^{\circ}$ .

Требования к параметрам самолета в момент касания:

- Вертикальная скорость ~ 0,3 метров в секунду.
- Время до касания ВПП не более 60 секунд (с высоты 100м).

- Угол тангажа от 0° до 10°.
- Отклонения рулей высоты не более  $\pm 25^{\circ}$ .

Управляющие воздействия призваны минимизировать отклонение траектории полета самолета от глиссады.

Ниже приведены графики, отображающие процесс приземления самолета в зависимости от времени.

На рис.6 представлены зависимость фактической высоты полета от времени и оценка высоты с помощью БИНС (без СВС).



Рис.6. Зависимость фактической высоты полета от времени и оценка высоты самолета с помощью БИНС (без СВС).

Где - Н – фактическая высота полета;

Н БИНС – высота измеренная БИНСом.

Из графиков видно, что при использовании только БИНС погрешности определения высоты полета велики.

В работе также рассмотрено определение высоты полета с помощью CBC (без БИНС). На рис.7 показана высота полета определенна с помощью CBC.



a)



б)



B)



г)

Рис.7. Зависимость фактической высоты полета от времени и оценка высоты самолета с помощью ПВД.

Где Н – фактическая высота;

на рис 7.а: Н\_ПВД - измеренная высота по показаниям фактического давления в датчике СВС (статическое давление определенно в канале статического давления ПВД при наличии динамических искажений);

на рис 7.6: Н\_ПВД\_cDelta1 -измеренная высота по показаниям фактического давления в датчике CBC с коррекцией по углу обтекания ПВД (статическое давление определенно в канале статического давления ПВД с компенсацией искажений давления из-за ненулевых углов обтекания ПВД ( $\Delta_{1Pcr}$ ) );

на рис 7.в: Н\_ПВД\_сDelta2 -измеренная высота по показаниям фактического давления в датчике CBC с коррекцией интерференции корпуса самолета и ПВД (статическое давление определенно в канале статического давления ПВД с компенсацией искажений давления из-за влияния корпуса самолета на давление Р<sub>ст</sub> в ПВД ( $\Delta_{2Pct}$ ) );

на рис 7.г: Н\_ПВД\_итог – измеренная высота по показаниям давления в датчике СВС с компенсацией искажений (статическое давление определенно в канале статического давления ПВД с учетом суммарной компенсации искажений).

Большой разброс между фактической высотой полета и высотой определенной с помощью ПВД в основном из-за не нулевого угла обтекания самолета, места установки ПВД, диаметра отверстия на корпусе ПВД и длины проводки канала статического давления.

17

Для повышения точности определения высоты полета используется способ, основанный на совместной обработке измерений *a<sub>y</sub>* (БИНС) и Ĥ (CBC). Алгоритм реализуем как



Рис.8. Функциональная схема бароинерциального фильтров

Модель процесса и модель измерения в общем виде:

$$\begin{cases} \mathbf{\dot{H}}_{BH\phi}^{\bullet} - \mathbf{\dot{V}}_{y} = \boldsymbol{\xi}_{x}^{1}, \\ \mathbf{\dot{V}}_{y} = \boldsymbol{a}_{y} + \boldsymbol{\xi}_{x}^{2}, \\ \mathbf{\dot{H}} = \boldsymbol{H}_{BH\phi} + \boldsymbol{\xi}_{z}^{1}. \end{cases}$$

где  $\xi_x$  - вектор формирующих шумов;  $\xi_z$  - вектор шумов измерений;

Формирующие шумы  $\xi_x$  и шумы измерений  $\xi_z$  являются независимыми центрированными гауссовыми дискретными белыми шумами с дисперсиями, определенным из анализа характеристик БИНС [7]:  $D_x=0.000625$  и корреляционная функция случайных составляющих давления  $P_{cr}$  в пересчете на высоту из анализа функции (рис.7г) имеет вид:  $R_z(\tau) = \sigma_z^2 e^{-\alpha.|\tau|}$ , т.е  $D_z=4.2$ .

Дискретные модели процесса и измерения представляются следующим образом:

$$\begin{cases} H_{\mathcal{B}H\Phi}^{(i)} = H_{\mathcal{B}H\Phi}^{(i-1)} - \tau N_{y}^{(i-1)} - \frac{\tau^{2}}{2} \xi_{x}^{1,(i-1)}, \\ V_{y}^{(i)} = V_{y}^{(i-1)} + \tau a_{y}^{(i-1)} - \tau \xi_{x}^{2,(i-1)}, \\ \overline{H}^{(i)} = H_{\mathcal{B}H\Phi}^{(i)} + \xi_{z}^{1,(i)}. \end{cases}$$

где  $\tau$  - шаг дискретизации (счета) фильтра,  $\tau = \tau_{_{HAB.}}$ .

На рис.9 показана зависимость определенной высоты с помощью общего алгоритма навигации(совместной системы БИНС и СВС).





Где Н – фактическая высота полета;

Н БИНС – высота измеренна БИНСом;

Н\_ПВД\_итог – высота измеренна ПВД;

Н\_ВІГ – комплексная оценка высоты на основе СВС с ПВД.

Анализируя полученных результатов показано, что максимальное отклонение высоты измеренной СВС от фактической высоты:

+ без компенсации искажения по углу обтекания ПВД и интерференции корпуса самолета и ПВД: ~ 10,45 м;

+ с коррекцией по углу обтекания ПВД ( $\Delta_{1Pct}$ ): ~ 8,35 м;

+ с коррекцией интерференции корпуса самолета и ПВД ( $\Delta_{2Pct}$ ), но без коррекции  $\Delta_{1Pct}$ : ~9,61 м;

+ с компенсацией искажений суммарная погрешность: ~8,26 м.

Комплексная совместная обработка в ДФК измерений в БИНС и СВС дает отклонение высоты не более: 4,14 м.

## Вывод

Разработанная математическая модель турбулентности с параметрами изложенными в работе [6] позволяет обосновано моделировать обтекание самолета и течение воздушных потоков в трубопроводах СВС.

Применение разработанной модели позволило решить задачу нахождения места установки ПВД, оптимизации характеристик ПВД, а также расчет погрешностей измерения ПВД. Расчетные значения погрешностей <sub>1Рст</sub>,  $\Delta_{2Pct}$  и динамических искажений позволяют спрогнозировать погрешности Р<sub>ст</sub> в СВС программно в БЦВМ СВС и реализовать их компенсацию. Полученные в данной работе результаты позволяют оценивать влияние параметров характеристик СВС с ПВД на погрешности измерения высоты полета. Показано, что динамическое искажение мало влияет на погрешности измерения высоты. А искажения по углу обтекания ПВД и интерференция корпуса самолета и ПВД существенно влияют на погрешности измерения. И для повышения точности определения высоты полета целесообразно использовать приведенный алгоритм совместной обработки измерений БИНС и СВС.

### Библиографический список

- Костюков В.М., Нгуен Н.М. Компьютерное исследование точности движения тяжелого беспилотного самолета с измерительно-вычислительным комплексом (ИВК) на основе бароинерциальной системы // Вестник Московского Авиационного Института. 2012. Т.19. №1. С.102-114.
- Запорожец А.В., Костюков В.М. Проектирование систем отображения информации. – М.: Машиностроение, 1992, - 336 с.
- Лебедев А.А., Красильщиков М.Н., Малышев В.В. Оптимальное управление движение космических летательных аппаратов. - М.: Машиностроение, 1974, 199 с.
- Savage P.G. Strapdown Analytics, Strapdown Associates. Inc., Maple Plain, Minnesota, 2000.

21

- Чан К.Д., Костюков В.М. Исследование статических и динамических характеристик процесса измерения давления атмосферы в приемнике воздушного давления. // Вестник Московского Авиационного Института. 2015. Т.22. №2. С.15-24.
- Костюков В.М., Чан К.Д. Обоснование модели турбулентности для расчета параметров обтекания и аэродинамических характеристик пассажирского самолета // Вестник Московского Авиационного Института. 2015. Т.22. №1. стр.14-20.
- Костюков В.М., Меркульев А.М. Сравнительный анализ эффективности применения алгоритмов комплексной обработки измерений в системе управления летательного аппарата // Вестник Московского Авиационного Института. 2010. Т.17. №1, С. 140-148.